

--	--	--	--	--	--	--

## 注意事項

(1) 「解答」とは問題の解と、それをどのように導いたかの説明（計算式を含む）のことである。解を書いただけでは、たとえ正解でも加点しない。(2) 途中退席は認めない。(3) 不正行為と間違われるような行為は行わない。自身の答案作成に集中すること。(4) 不正行為と間違われるような行為をした者は直ちに試験を中断し、退席させ、然るべき処置をする。

**1** ベクトル  $\vec{a} = (1, 2, 3)$ ,  $\vec{b} = (1, 1, -2)$  に対し、次の各問に答えなさい。(各 4 点)

- (1)  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  のなす角  $\theta$  の余弦 ( $\cos \theta$ ) の値を求めなさい。
- (2)  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  の外積  $\vec{a} \times \vec{b}$  を求めなさい。
- (3)  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  の両方に直交し、ノルムが「 $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  を 2 辺とする平行四辺形の面積」に等しいベクトルをすべて求めなさい。

**2** パラメーター表示

$$\vec{p}(t, s) = (1 + t - s, 2 - 2t + s, 3 + t)$$

で表される平面を  $\pi$  とする。このとき、次の各問に答えなさい。(各 4 点)

- (1)  $\pi$  の基底を答えなさい。
- (2)  $\pi$  の法線ベクトルを求めなさい。
- (3)  $\pi$  上の点を  $(x, y, z)$  とするとき、 $x, y, z$  が満たす方程式を求めなさい。

--	--	--	--	--	--	--	--

**3** 3つの平面

$$\pi_1: x + 2y + 3z = 4,$$

$$\pi_2: 3x + 6y + 7z = 10,$$

$$\pi_3: 2x + 4y + kz = 5$$

に対し、 $\pi_1$  と  $\pi_2$  の交わり (交線) を  $l$  とする。このとき、次の間に答えなさい。(各5点)

- (1)  $l$  の方向ベクトルを答えなさい。
- (2)  $l$  上のすべての点が  $\pi_3$  上の点である (つまり、 $\pi_3$  が  $l$  を含む) とき、定数  $k$  の値を求めなさい。

**4** 次の各問に答えなさい。

(1) 平面内の2直線

$$l_1: \vec{p}(t) = (2+t, -3+2t),$$

$$l_2: \vec{q}(t) = (1-3t, 3+kt)$$

と、行列  $M = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$  によって定義される線形変換  $f_M$

について次の間に答えなさい。(各5点)

- (a)  $l_1$  を  $f_M$  で変換すると、どのような図形になるか答えなさい。
- (b)  $l_2$  を  $f_M$  で変換すると、その像は1点になった。このとき、定数  $k$  を求めなさい。

(2) 空間内の平面  $\pi: \vec{p}(t, s) = (1+t-s, 2-2t+s, 3+t)$  と行列

$$M = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 3 \\ 3 & -5 & -9 \\ -2 & 4 & 7 \end{pmatrix}$$

とする。 $f_M$  で  $\pi$  を変換するとどのような図形になるか答えなさい。(6点)