

課題 5-1

- (1) $\{p \mid p = 2^z, z \in Z, 0.1 < p < 100\} = \{\frac{1}{8}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1, 2, 4, 8, 16, 32, 64\}$ より,
 $\{z \mid z \in Z, 0.1 < 2^z < 100\} = \{-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$.
- (2) $\{y \mid y \in Q, y^2 = 2\} = \emptyset$ ($\pm\sqrt{2}$ は有理数ではない)

課題 5-2

集合 A が集合 B の部分集合とは「任意の $a \in A$ が $a \in B$ を満たすとき」という。

課題 5-3

部分集合の定義から「 $\{a\} \subset A$ 」ならば、「 $a \in A$ 」が成り立たなくてはならない。

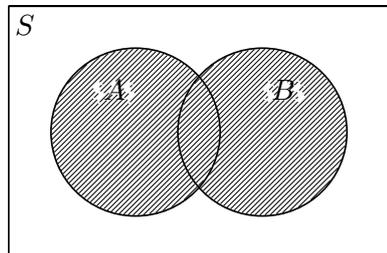
逆 ($a \in A \implies \{a\} \subset A$) は明らかであるが証明してみよう。 $a \in A$ かつ $a \in \{a\}$ であるから、 $\{a\} \cap A \neq \emptyset$ である。仮に $\{a\} \not\subset A$ とすると、 $b \notin A$ を満たす $b \in \{a\}$ が存在するが、このとき $b = a$ となるので、 $b \notin A$ と矛盾する。したがって、 $\{a\} \subset A$ である。

課題 5-4

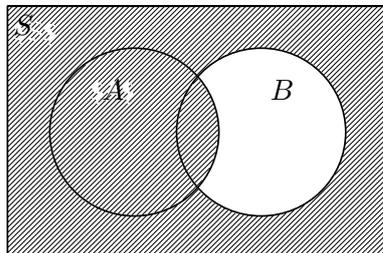
- $A \cup B = \{s \mid s \in A \text{ または } s \in B\}$
- $A \cap B = \{s \mid s \in A \text{ かつ } s \in B\}$
- $A - B = \{s \mid s \in A \text{ かつ } s \notin B\}$

課題 5-5

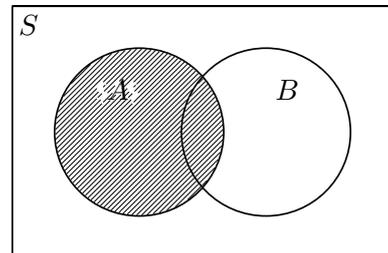
(1) $(A \cup B)$



$(A \cup B^c)$



$(A \cup B) \cap (A \cup B^c)$



(2) $(A \cup B) \cap (A \cup B^c) = A$