

1

$$(1) \begin{pmatrix} 3 & 1 & 8 \\ -2 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 6 \end{pmatrix} \xrightarrow{\text{行・列基本変形}} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad \therefore \text{階数は } 2$$

$$(2) \begin{pmatrix} 2 & 1 & 9 & -2 \\ -2 & 1 & 2 & 8 \\ 3 & 2 & -4 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{\text{行・列基本変形}} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad \therefore \text{階数は } 3$$

2

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 2 & 1 & 9 & -2 \\ -2 & 1 & 1 & 10 \\ 1 & 1 & 7 & 1 \end{array} \right) \xrightarrow{\text{行・列基本変形}} \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{array} \right)$$

したがって、解の自由度は $3 - 2 = 1$ 。実際に、連立方程式の解は

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix} + k \begin{pmatrix} -2 \\ -5 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (k \text{ は任意の実数})$$

と書ける。

3 行列の変形，考え方は中間試験の問題 [5] と同様である。中間試験の解答を参考にし
て考えてみよ。

$k = 1$ のとき，階数は **2**

$k \neq 1$ のとき，階数は **3**