

--	--	--	--	--	--	--

注意 (1) 解を導きだす経過をできるだけ丁寧に記述すること。説明が不十分な場合は減点する。

(2) 字が粗暴な解答も減点の対象とする。

(3) 最終的に導き出した答えを右側の四角の中に記入せよ。

(4) 問題と解答は <http://www.math.sie.dendai.ac.jp/hiroyasu/2010/bmed.html> で公開する。

点

1 次の定積分を求めなさい。(各9点)

$$(1) \int_{-1}^2 (x+2)dx = \left[\frac{1}{2}x^2 + 2x \right]_{-1}^2 = (2+4) - \left(\frac{1}{2} - 2 \right) = 8 - \frac{1}{2} = \frac{15}{2}$$

(1) $\frac{15}{2}$

$$(2) \int_{-2}^0 (x^2 - 2x + 3)dx = \left[\frac{1}{3}x^3 - x^2 + 3x \right]_{-2}^0 = 0 - \left(-\frac{8}{3} - 4 - 6 \right) = \frac{8}{3} + 10 = \frac{38}{3}$$

(2) $\frac{38}{3}$

$$(3) \int_{-1}^1 (x^3 + 2x)dx = \left[\frac{1}{4}x^4 + x^2 \right]_{-1}^1 = \left(\frac{1}{4} + 1 \right) - \left(\frac{1}{4} + 1 \right) = 0$$

(3) 0

$$(4) \int_{-2}^2 (x^2 - 3)dx = \left[\frac{1}{3}x^3 - 3x \right]_{-2}^2 = \left(\frac{8}{3} - 6 \right) - \left(-\frac{8}{3} + 6 \right) = \frac{16}{3} - 12 = -\frac{20}{3}$$

(4) $-\frac{20}{3}$

2 関数 $f(x) = x^2 + 3x - 4$ について以下の間に答えなさい。(各9点)

(1) 不定積分 $\int f(x)dx$ を求めなさい。

(1) $\frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 4x + C$

(2) $F(-1) = 3$ を満たす $f(x)$ の原始関数 $F(x)$ を求めなさい。

$$F(x) = \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 4x + C$$

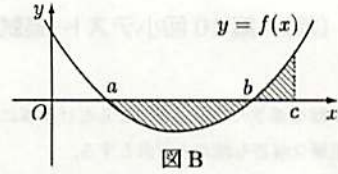
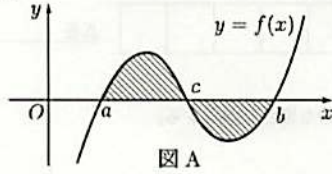
$$3 = F(-1) = -\frac{1}{3} + \frac{3}{2} - 4 + C$$

(2) $\frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 4x - \frac{13}{6}$

$$C = -1 + \frac{1}{3} - \frac{3}{2}$$

$$= \frac{-6+2-9}{6} = -\frac{13}{6}$$

3 下の図 A, B について以下の間に答えなさい。(各 8 点)



(1) 図 B の斜線部の面積を表す式を次の (ア) ~ (オ) の中からすべて選びなさい。

(1) **I**

(ア) $\int_a^c f(x) dx$ (イ) $-\int_a^c f(x) dx$ (ウ) $\int_a^b f(x) dx - \int_b^c f(x) dx$ (エ) $\int_b^c f(x) dx - \int_a^b f(x) dx$

(2) (1) を参考にして 図 A の斜線部の面積を表す式を書きなさい。

(2) $\int_a^c f(x) dx - \int_b^c f(x) dx$

4 次の 2 つの関数に対して、(i) 2 つのグラフの交点の x 座標を求めなさい。(ii) 2 つのグラフで囲まれる図形の面積 S を定積分の式で表しなさい。(iii) 定積分を計算し、 S の値を求めなさい。(各 15 点)

(1) $y = -x^2 + \frac{1}{2}$, $y = -\frac{1}{2}x^2 - x - 1$

$-x^2 + \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}x^2 - x - 1$

$\Leftrightarrow \frac{1}{2}x^2 - x - \frac{3}{2} = 0$

$\Leftrightarrow \frac{1}{2}(x^2 - 2x - 3) = 0$

$\Leftrightarrow \frac{1}{2}(x+1)(x-3) = 0$

$\therefore x = -1, 3$

$S = \int_{-1}^3 \left\{ (-x^2 + \frac{1}{2}) - (-\frac{1}{2}x^2 - x - 1) \right\} dx$

$= \int_{-1}^3 \left(-\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{3}{2} \right) dx$

$= \left[-\frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x \right]_{-1}^3$
 $= \left(-\frac{9}{2} + \frac{9}{2} + \frac{9}{2} \right) - \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{2} - \frac{3}{2} \right)$

(i) **-1, 3**

$S = \int_{-1}^3 \left(-\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{3}{2} \right) dx = \frac{16}{3}$

$= \frac{32}{6} = \frac{16}{3}$

(2) $y = 2x - 1$, $y = 2x^2 - 4x + 3$

$2x - 1 = 2x^2 - 4x + 3$

$\Leftrightarrow 2x^2 - 6x + 4 = 0$

$\Leftrightarrow 2(x-1)(x-2) = 0$

$\therefore x = 1, 2$

$S = \int_1^2 \left\{ (2x-1) - (2x^2-4x+3) \right\} dx$

$= \int_1^2 (-2x^2 + 6x - 4) dx$

$= \left[-\frac{2}{3}x^3 + 3x^2 - 4x \right]_1^2$

$= \frac{1}{3}$

(i) **1, 2**

$S = \int_1^2 (-2x^2 + 6x - 4) dx = \frac{1}{3}$

