

--	--	--	--	--	--	--

注意 (1) 解を導きだす経過をできるだけ丁寧に記述すること。説明が不十分な場合は減点する。

(2) 字が粗暴な解答も減点の対象とする。

(3) 最終的に導き出した答えを右側の四角の中に記入せよ。

(4) すべて解答できた者は途中退席しても構わない。

(5) 問題と解答は <http://www.math.sie.dendai.ac.jp/hiroyasu/2010/bmed.html> で公開する。

--

点

1 次の (ア) ~ (オ) の中から  $f(x) = 3x^2 - x + 3$  の原始関数をすべて選びなさい。(10 点)

- (ア)  $x^3 - \frac{1}{2}x^2 + 3x$     (イ)  $6x - 1 + C$     (ウ)  $\frac{1}{2}(6x - x^2 + 2x^3 + 1)$     (エ)  $x^3 + \frac{x^2}{2} - x - 4$

ア, ウ
------

2 次の不定積分を求めなさい。(各 9 点)

(1)  $\int (x+2)dx$

(1) $\frac{1}{2}x^2 + 2x + C$
-------------------------------

(2)  $\int (3x^2 - 3x + 1)dx$

(2) $x^3 - \frac{3}{2}x^2 + x + C$
------------------------------------

(3)  $\int (-2x^3 + 2x^2 - 3)dx$

(3) $-\frac{1}{2}x^4 + \frac{2}{3}x^3 - 3x + C$
---

3 次の関数  $f(x)$  と実数  $a$  に対し、 $y = f(x)$  の  $x = a$  における接線の方程式を求めなさい。(各 9 点)

(1)  $f(x) = x^2 - x + 3, a = 2$

$f'(x) = 2x - 1$

$f'(2) = 4 - 1 = 3$

$f(2) = 4 - 2 + 3 = 5$

$y = 3(x-2) + 5$

$= 3x - 1$

(1) $y = 3x - 1$
------------------

(2)  $f(x) = -3x + 5, a = 100$

(2) $y = -3x + 5$
-------------------

(3)  $f(x) = 3x^2 + 5x - 1, a = -1$

$f'(x) = 6x + 5$

$f'(-1) = -6 + 5 = -1$

$f(-1) = 3 - 5 - 1 = -3$

(3) $y = -x - 4$
------------------

$y = -(x+1) - 3 = -x - 4$

4  $y = x^3 + ax^2 - 5x + 5$  のグラフの  $x = 2$  における接線の傾きが 2 であるとする。このときの実数  $a$  の値を求めなさい。(10 点)

$$(x^3 + ax^2 - 5x + 5)' = 3x^2 + 2ax - 5$$

$$x = 2 \text{ における傾き}$$

$$3 \times 2^2 + 2a \times 2 - 5 = 12 + 4a - 5 = 7 + 4a$$

$$7 + 4a = 2$$

$$4a = -5$$

$$a = -\frac{5}{4}$$

5 関数  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 + 3x - 1$  に対し、以下の間に答えなさい。(16 点)

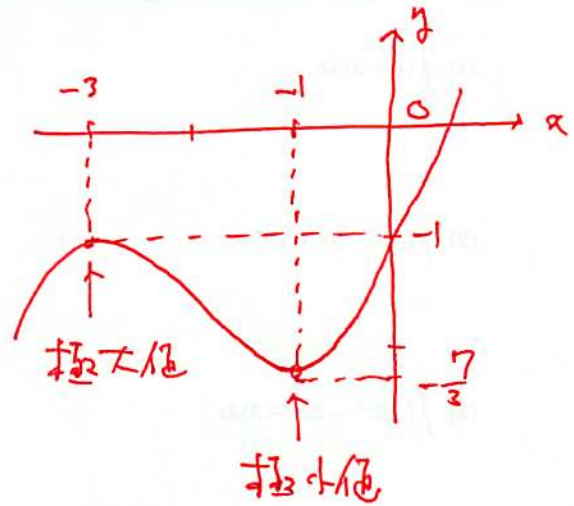
- $f(x)$  の増減表をつくりなさい。
- $f(x)$  の極値を求めなさい (極値を与える  $x$  の値も明記しなさい)。
- $y = f(x)$  のグラフの概形を描きなさい (極値と  $y$  軸との交点の座標を明記すること)。

$$f'(x) = x^2 + 4x + 3$$

$$= (x+1)(x+3)$$

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -3, -1$$

$x$		-3		-1	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	↗	-1	↘	$-\frac{7}{3}$	↗



$$f(-3) = -9 + 18 - 9 - 1 = -1 : \text{極大値}$$

$$f(-1) = -\frac{1}{3} + 2 - 3 - 1 = -\frac{1}{3} - 2 = -\frac{7}{3} : \text{極小値}$$

6 関数  $f(x) = -4x^3 + 3x^2 + 6x + 3$  の  $-1 \leq x \leq \frac{1}{2}$  における最大値・最小値とそれを与える  $x$  の値を求めなさい。(10 点)

$$f'(x) = -12x^2 + 6x + 6$$

$$= -6(2x^2 - x - 1)$$

$$= -6(2x+1)(x-1)$$

$$\therefore f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -\frac{1}{2}, 1$$

$x$	-1		$-\frac{1}{2}$		$\frac{1}{2}$
$f'(x)$		-	0	+	
$f(x)$	4	↘	$\frac{5}{4}$	↗	$\frac{25}{4}$
	$\frac{16}{4}$		↑		↑
			最小値		最大値

最大値

$$\frac{25}{4} \quad (x = \frac{1}{2})$$

最小値

$$\frac{5}{4} \quad (x = -\frac{1}{2})$$

$$f(-1) = 4 + 3 - 6 + 3 = 4$$

$$f(-\frac{1}{2}) = \frac{1}{2} + \frac{3}{4} - 3 + 3 = \frac{5}{4}$$

$$f(\frac{1}{2}) = -\frac{1}{2} + \frac{3}{4} + 3 + 3 = \frac{1}{4} + 6 = \frac{25}{4}$$