

問題 4.1. θ の値 (範囲) によって, $\sin \theta, \cos \theta, \tan \theta$ の符号がどうなるか考えて, 下表の空欄にその符号 (正または負) を書きなさい.

| | $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ | $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ | $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ | $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$ |
|---------------|------------------------------|--------------------------------|---------------------------------|----------------------------------|
| $\sin \theta$ | 正 | 正 | 負 | 負 |
| $\cos \theta$ | 正 | 負 | 負 | 正 |
| $\tan \theta$ | 正 | 負 | 正 | 負 |

問題 4.2. $\sin \theta = -\frac{5}{13}$ を満たす θ (ただし, $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$) に対し, 以下の問に答えなさい.

- (1) $\cos \theta$ の値を求めなさい.
- (2) $\tan \theta$ の値を求めなさい.

ヒント：三角関数の性質 $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ を使えば, $\sin \theta, \cos \theta, \tan \theta$ のどれか 1 つから, 他の 2 つの値を導き出すことができる. ただし, 符号の違いを除いて, 正か負かは θ の値 (どの範囲に含まれるか) によって決まる (上の問題 4.1 を参照).

$$(1) \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \quad \text{①}$$

$$\left(-\frac{5}{13}\right)^2 + \cos^2 \theta = 1$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \frac{25}{169} = \frac{144}{169}$$

$$\cos \theta = \pm \sqrt{\frac{144}{169}} = \pm \frac{12}{13}$$

$$\text{ここで } \frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi \text{ ② } \cos \theta > 0$$

$$\text{② から } \cos \theta = \frac{12}{13}$$

$$\begin{aligned} \text{② } \tan \theta &= \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \\ &= \frac{-\frac{5}{13}}{\frac{12}{13}} \\ &= -\frac{5}{12} \end{aligned}$$