

問題 1.1. 次の中から整数をすべて選びなさい. (ア) (イ) (ウ) (オ)

(ア) 5 (イ)  $-11$  (ウ)  $3 \times (-5)$  (エ)  $6 \div 9$  (オ)  $10 \times 6 \div 15$

問題 1.2. 1 から 30 までの自然数の中に素数がいくつあるか調べなさい.

“2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29” の 10 個.

問題 1.3. 次の数を素数の積で書きなさい.

(ア)  $6 = 2 \times 3$  (イ)  $20 = 2^2 \times 5$  (ウ)  $143 = 11 \times 13$  (エ)  $256 = 2^8$

(オ)  $504 = 2^3 \times 3^2 \times 7$

問題 1.4. 次の 2 つの数の最小公倍数と最大公約数を答えなさい.

(ア) 12 と 18 (イ) 24 と 28 (ウ) 15 と 30 (エ) 10 と 21 (オ) 70 と 360

(ア)  $12 = 2^2 \times 3$ ,  $18 = 2 \times 3^2$ . 最小公倍数は  $2^2 \times 3^2 = 36$ , 最大公約数は  $2 \times 3 = 6$ .

(イ)  $24 = 2^3 \times 3$ ,  $28 = 2^2 \times 7$ . 最小公倍数は  $2^3 \times 3 \times 7 = 168$ , 最大公約数は  $2^2 = 4$ .

(ウ)  $15 = 3 \times 5$ ,  $30 = 2 \times 3 \times 5$ . 最小公倍数は  $2 \times 3 \times 5 = 30$ , 最大公約数は  $3 \times 5 = 15$

(エ)  $10 = 2 \times 5$ ,  $21 = 3 \times 7$ . 最小公倍数は  $2 \times 3 \times 5 \times 7 = 210$ , 最大公約数は 1.

(オ)  $70 = 2 \times 5 \times 7$ ,  $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ . 最小公倍数は  $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7 = 2520$ , 最大公約数は  $2 \times 5 = 10$ .

公式

自然数  $a$  と  $b$  の最大公約数 (greatest common divisor) を  $\text{GCD}(a, b)$ , 最小公倍数 (least common multiple) を  $\text{LCM}(a, b)$  と書く. このとき, 次の等式が成り立つ.

$$ab = \text{GCD}(a, b) \times \text{LCM}(a, b)$$

問題 1.5. 次の中から有理数をすべて選びなさい. (ア) (イ) (ウ)

(ア)  $-8$  (イ)  $\frac{3}{4} \div \frac{9}{8}$  (ウ)  $2.\dot{1}3\dot{2}$  (エ)  $\sqrt{2}$  (オ)  $\pi$

(ア) 整数も有理数に含まれる.

(ウ)  $2.\dot{1}3\dot{2} = 2.132132132\dots$ . このような数を循環小数という. 循環小数は整数の比で書ける.

(エ)  $\sqrt{2}$  が無理数であることは割と簡単に証明可能 (教科書 p.??? 参照)

(オ) 円周率  $\pi$ . 円の円周と直径の長さの比. 無理数であることが知られている.