

1 データを小さい順, または大きい順に並び替えていれば【1点】.

- (1) 【3点】正しくない. このヒストグラムは 0.1 秒間隔で下限は含まず, 上限を含むようにして度数をカウントしている.
- (2) 【3点】正しくない. 平均値は 1.465, 中位数は 1.495 である. よって, 中位数の方が大きい.
- 平均値と中位数を元データからではなく, 度数分布表をつくって, それに基づいて計算している場合は, それぞれ【1点減点】.
- (3) 【3点】第 1 四分位数 Q_1 と第 3 四分位数 Q_3 の定義に依るので, 正しいとも正しくないとも一般にはいえない. このデータはサイズが 20 であるから, 2 分割すれば, 10 個と 10 個に分かれる. よって, Q_1 を前半 10 個

1.03 1.20 1.30 1.38 1.40 1.44 1.45 1.48 1.48 1.49

の中位数 (つまり, 5 番目と 6 番目の平均), Q_3 を後半 10 個

1.50 1.52 1.52 1.53 1.54 1.55 1.57 1.58 1.65 1.69

の中位数 (つまり, 15 番目と 16 番目の平均) と定義すれば,

$$Q_1 = \frac{1.40 + 1.44}{2} = 1.41, \quad Q_3 = \frac{1.54 + 1.55}{2} = 1.545$$

であるから, $Q = (Q_3 - Q_1)/2 = 0.0625$ となる (ので, 主張は正しいと言える).

- 自身の定義を述べていない場合は【1点減点】.

- 2 縦軸の変量を x , 横軸の変量を y とする. 周辺分布を求め, 度数が最も大きい階級値が 0 となるよう, $u = \frac{x-65}{10}$, $v = \frac{x-77.5}{5}$ と変量を変換する. すると, 以下の表を得る.

	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	f_i	$u_i f_i$	$u_i^2 f_i$	V_i	$u_i V_i$
-1	1	3	1	2					7	-7	7	-10	10
0		1	5	4	2	1			13	0	0	-3	0
1			2	1		4			7	7	7	6	6
2				2	1		1	1	5	10	20	8	16
3					1	3	2	2	8	24	72	21	63
f_j	1	4	8	9	4	8	3	3	40	34	106	22	95
$v_j f_j$	-3	-8	-8	0	4	16	9	12	22				
$v_j^2 f_j$	9	16	8	0	4	32	27	48	144				
U_j	-1	-3	1	3	5	13	8	8	34				
$U_j v_j$	3	6	-1	0	5	26	24	32	95				

したがって, u, v の平均と分散は

- $\bar{u} = \frac{34}{40} = \frac{17}{20} = 0.85$, $s_u^2 = \frac{106}{40} - \left(\frac{17}{20}\right)^2 = \frac{771}{400} = 1.9275$
- $\bar{v} = \frac{22}{40} = \frac{11}{20} = 0.55$, $s_v^2 = \frac{144}{40} - \left(\frac{11}{20}\right)^2 = \frac{1319}{400} = 3.2975$

であるから, x, y の平均と分散は

- $\bar{x} = 10\bar{u} + 65 = \mathbf{73.5}$, $s_x^2 = 10^2 s_u^2 = \mathbf{192.75}$ 【各 2 点】
- $\bar{y} = 5\bar{v} + 77.5 = \mathbf{80.25}$, $s_y^2 = 5^2 s_v^2 = \mathbf{82.4375}$ 【各 2 点】

x と y の相関係数は u と v の相関係数に等しいので,

$$\begin{aligned}
 r(x, y) = r(u, v) &= \frac{1}{s_u s_v} \left(\frac{95}{40} - \bar{u}\bar{v} \right) \\
 &= \frac{400}{\sqrt{771} \times \sqrt{1319}} \left(\frac{95}{40} - \frac{17 \times 11}{400} \right) \\
 &= \frac{763}{\sqrt{771} \times \sqrt{1319}} = \mathbf{0.7566...} \quad \text{【2 点】}
 \end{aligned}$$

- u, v の平均と分散は求めているが, x, y の値に戻していない場合は相関係数を除いて【各 1 点】.
- 平均点と分散が x, y 逆の場合は【各 1 点】.
- 表を書いていない場合は, [2] の点数を $\frac{1}{2}$ 倍した点数を獲得点とする.