

問 4(p.120) の解答の補足

$$A + B = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, \quad (A + B)^2 = \begin{pmatrix} 9 & 0 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}.$$

$$A^2 = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}, \quad B^2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad AB = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix},$$

$$A^2 + 2AB + B^2 = \begin{pmatrix} 8 & 2 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}.$$

したがって、この場合は $A^2 + 2AB + B^2 \neq (A + B)^2$ である。

転置と積の性質を確かめる追加問題について

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix} \text{ に対して,}$$

$$AB = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}, \quad {}^t(AB) = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}.$$

$${}^tA = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}, \quad {}^tB = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad {}^tB {}^tA = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}.$$

一般に、 ${}^t(AB) = {}^tB {}^tA$ が成り立つ。